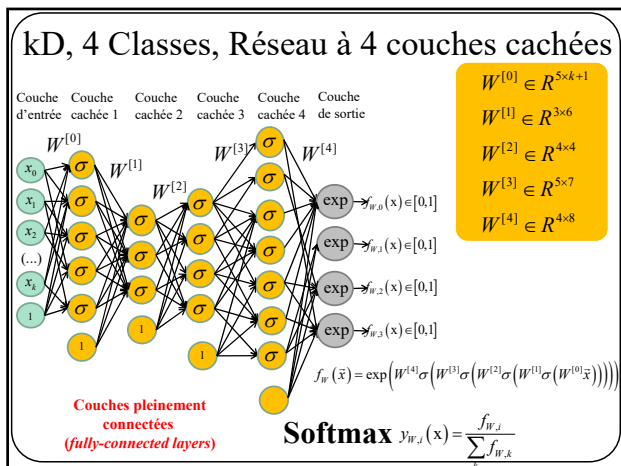
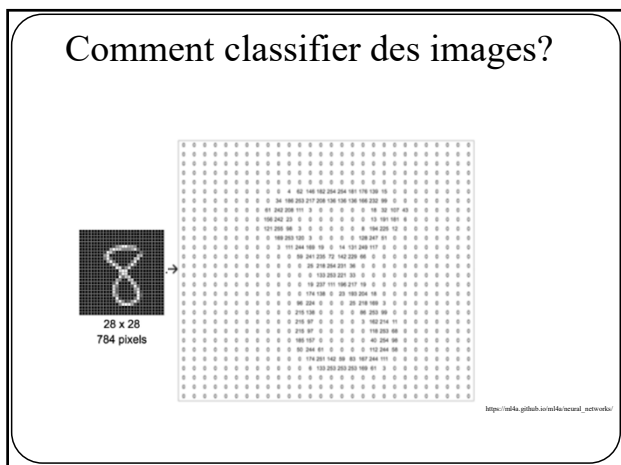


4



5



6

[illegible]

Beaucoup **TROP** de paramètres
(160M dans la couche 1)

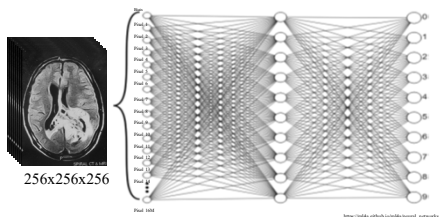


Image médicale 3D (IRM de cerveau)

10

Comment réduire le nombre de connections?

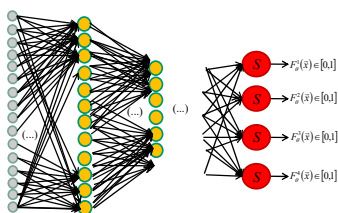


11

11

Comment réduire le nombre de connections?

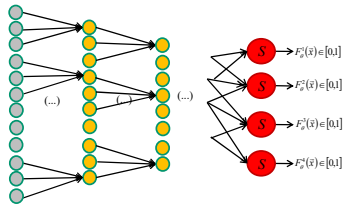
Les **couches pleinement connectées (fully-connected layers)**
sont problématiques lorsque le **nombre de neurones est élevé**.



150-D en entrée avec 150 neurones dans la 1ère couche => **22,200 paramètres dans la couche d'entrée!!**

12

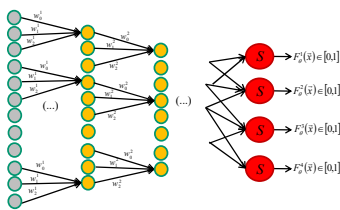
Solution : connexions partielles



150-D en entrée avec 148 neurones dans la 1ère couche => **444 paramètres dans la première couche!!**

13

Paramètres partagés : les neurones de la couche 1 partagent les mêmes poids



Convolution

150-D en entrée avec 148 neurones dans la 1ère couche => **3 paramètres dans la couche d'entrée!!**

Faible nombre de paramètres = on peut augmenter la profondeur!

14

Convolution
et
couche convolutionnelle
1D

15

Exemple 1D de la convolution

$$(f * W)(v) = \sum_{u=-\infty}^{\infty} f(u)W(v-u)$$

(signal d'entrée) $f(u)$ $\begin{bmatrix} 10 & 20 & 30 & 40 & 50 \end{bmatrix}$ (filtre) $W(u)$ $\begin{bmatrix} .1 & .2 & .3 \end{bmatrix}$ (filtre) $W(-u)$ $\begin{bmatrix} .3 & .2 & .1 \end{bmatrix}$

($f * W$)(1)

10	20	30	40	50
x	x	x		
.3	.2	.1		

3+4+3

4

($f * W$)(2)

10	20	30	40	50
	x	x	x	
	.3	.2	.1	

6-6+4

4 4

($f * W$)(3)

10	20	30	40	50
		x	x	x
		.3	.2	.1

-9+8+-5

4 4 -6

16

16

En gros

convolution = **produit scalaire** + **translation**

17

La convolution des réseaux de neurones = corrélation

$$(f * W)(v) = \sum_{u=-\infty}^{\infty} f(u)W(v+u)$$

(signal d'entrée) $f(u)$ $\begin{bmatrix} 10 & 20 & 30 & 40 & 50 \end{bmatrix}$ (filtre) $W(u)$ $\begin{bmatrix} .1 & .2 & .3 \end{bmatrix}$ (filtre) $W(+u)$ $\begin{bmatrix} .1 & .2 & .3 \end{bmatrix}$

($f * W$)(1)

10	20	30	40	50
x	x	x		
.1	.2	.3		

1+4-9

-4

($f * W$)(2)

10	20	30	40	50
	x	x	x	
	.1	.2	.3	

2-6+12

4 8

($f * W$)(3)

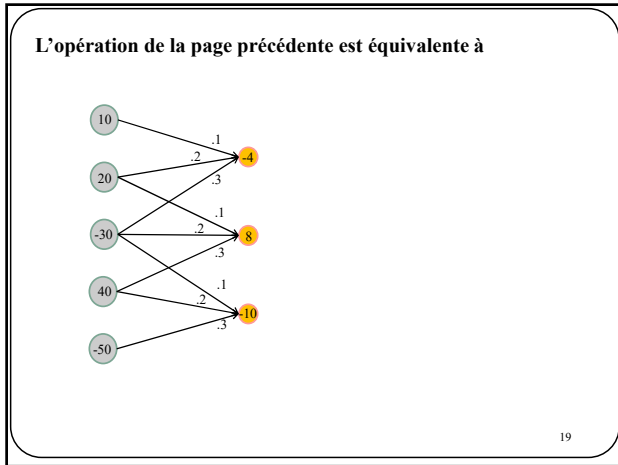
10	20	30	40	50
		x	x	x
		.1	.2	.3

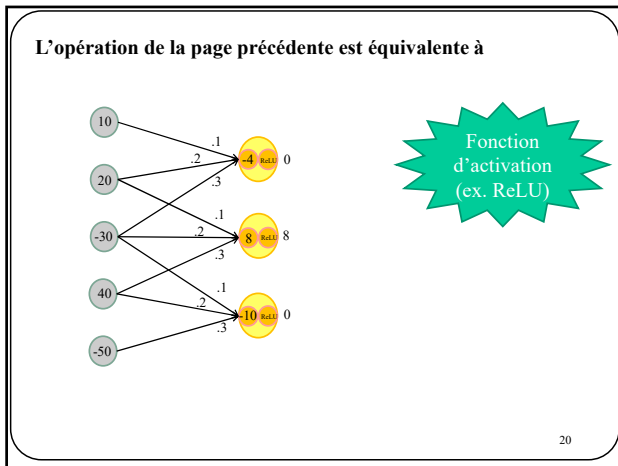
-3+8-15

-4 8 -14

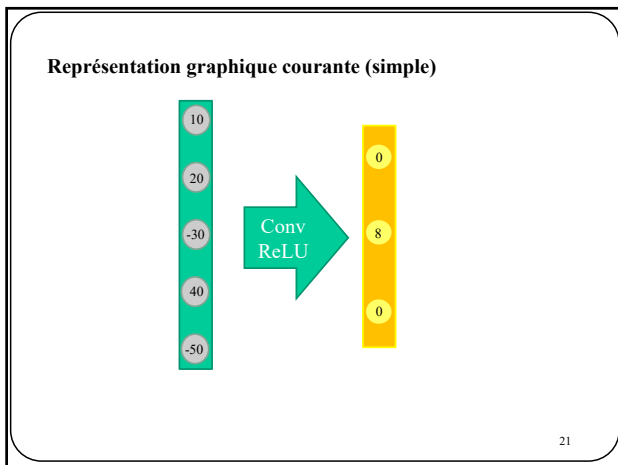
18

18

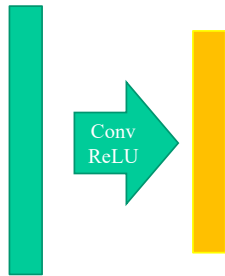




Fonction d'activation (ex. ReLU)



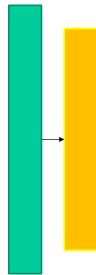
Représentation graphique courante (encore plus simple)



22

22

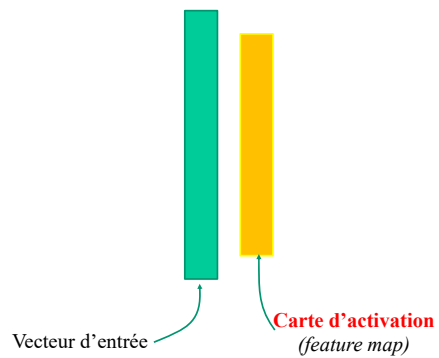
Représentation graphique courante (vraiment ultra simple)



23

23

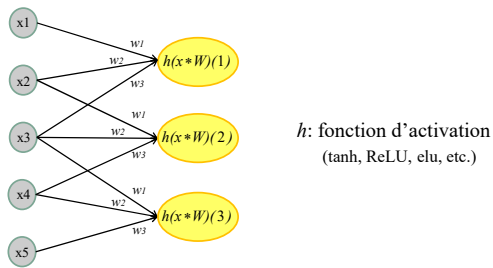
Représentation graphique courante (eehhh...)



24

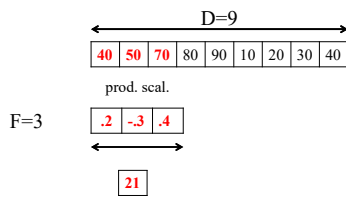
24

Apprentissage = apprendre les **poids** w_i des **filtres convolutifs**



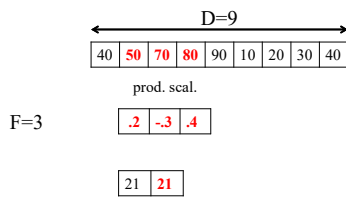
25

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



26

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



Stride = 1

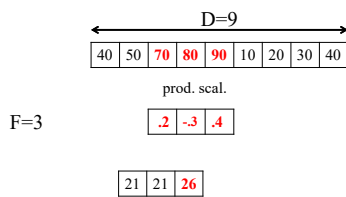
27

25

26

27

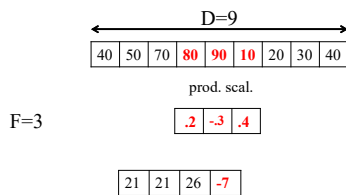
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



28

28

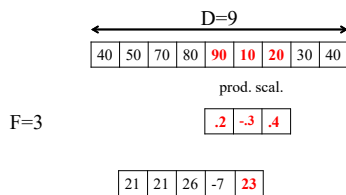
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



29

29

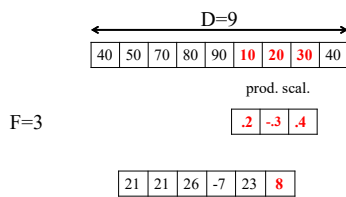
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



30

30

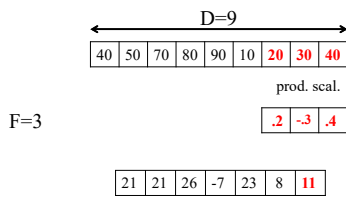
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



31

31

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

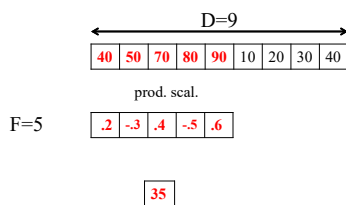


Taille de la carte d'activation = 7

32

32

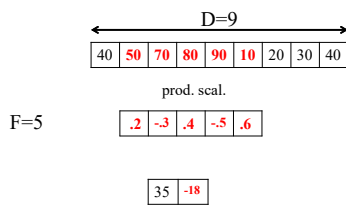
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



33

33

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

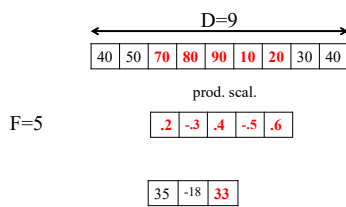


Stride = 1

34

34

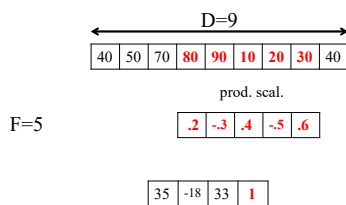
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



35

35

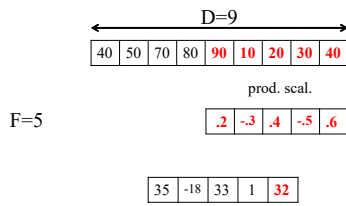
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



36

36

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

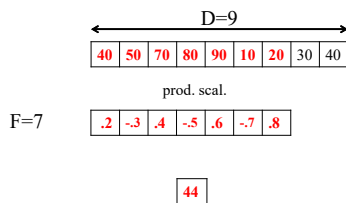


Taille de la carte d'activation = **5**

37

37

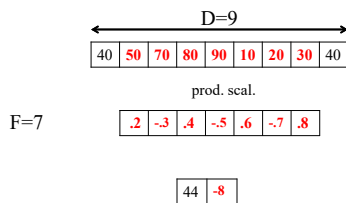
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



38

38

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

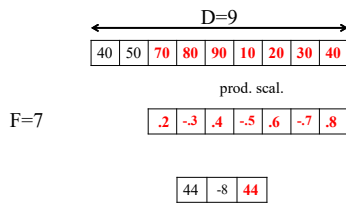


Stride = 1

39

39

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

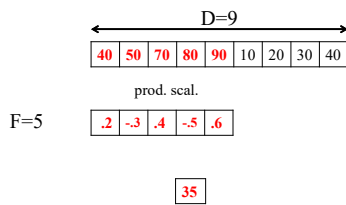


Taille de la carte d'activation = **3**

40

40

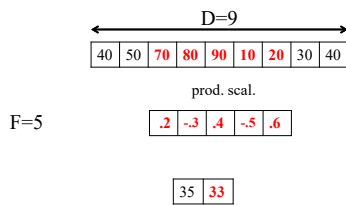
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



41

41

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

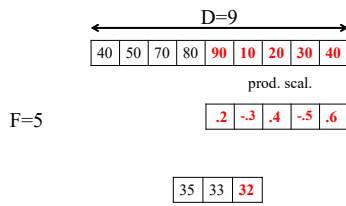


Stride = 2

42

42

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

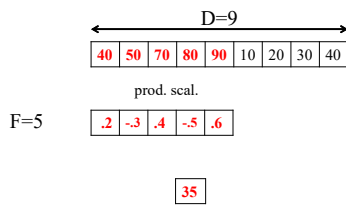


Taille de la carte d'activation = **3**

43

43

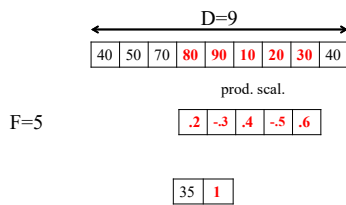
Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



44

44

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

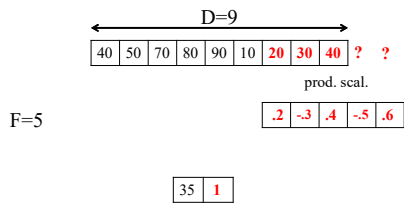


Stride = 3

45

45

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation



ERREUR! Combinaison D-F-S invalide

46

46

Stride et calcul de la taille de la carte d'activation

$$\text{Taille de la carte d'activation} = (D-F)/S+1$$



47

47

Parfois on souhaite que le **nombre de neurones** dans la carte d'activation soit **le même** que la couche précédente

Comment gérer les bords?

$$\begin{array}{c} ? \\ \times \times \times \\ \begin{bmatrix} 10 & 20 & 30 & 40 & 50 \\ .1 & .2 & .3 \end{bmatrix} \end{array}$$

Option 1 : Ajout de zéros (« zero padding » remplacer ? par 0)

$$\begin{array}{c} f(u) \\ \begin{bmatrix} 0 & 10 & 20 & 30 & 40 & 50 & 0 \end{bmatrix} \end{array} \quad \begin{array}{c} (f^*W)(u) \\ \begin{bmatrix} 8 & -4 & 8 & 10 & -6 \end{bmatrix} \end{array}$$

Option 2 : Réflexion (« reflexion padding »)

$$\begin{array}{c} f(u) \\ \begin{bmatrix} 20 & 10 & 20 & 30 & 40 & 50 & 40 \end{bmatrix} \end{array} \quad \begin{array}{c} (f^*W)(u) \\ \begin{bmatrix} 10 & -4 & 8 & 10 & 2 \end{bmatrix} \end{array}$$

Option 3 : Étirement (« stretching padding »)

$$\begin{array}{c} f(u) \\ \begin{bmatrix} 10 & 10 & 20 & 30 & 40 & 50 & 50 \end{bmatrix} \end{array} \quad \begin{array}{c} (f^*W)(u) \\ \begin{bmatrix} 9 & -4 & 8 & 10 & -2 \end{bmatrix} \end{array}$$

48

48

Parfois on souhaite que le **nombre de neurones** dans la carte d'activation soit **le même** que la couche précédente

Comment gérer les bords?

Option 1 : Ajout de zéros (« zero padding » remplacer ? par 0)

$f(u)$

0	10	20	30	40	50	0
---	----	----	----	----	----	---

$(f * W)(u)$

8	-4	8	10	-6
---	----	---	----	----

Option 2 : Réflexion (« reflexion padding »)

De loin l'option la plus utilisée

$f(u)$

10	10	20	30	40	50	50
----	----	----	----	----	----	----

$(f * W)(u)$

9	-4	8	10	-2
---	----	---	----	----

49

Couche convolutionnelle sans « padding »

signal d'entrée **Carte d'activation**
(feature map)

Couche convolutionnelle avec « padding »

signal d'entrée **Carte d'activation**
(feature map)

50

Exemple : taille de filtre = 5, stride=1

Sans « padding »
(parfois appelée convolution « valid »)

Signal d'entrée **Carte d'activation**
(feature map)

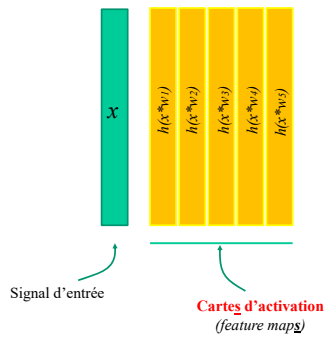
Avec « padding »
(parfois appelée convolution « same »)

Signal d'entrée **Carte d'activation**
(feature map)

51

Il est possible d'apprendre **plusieurs filtres par couche**

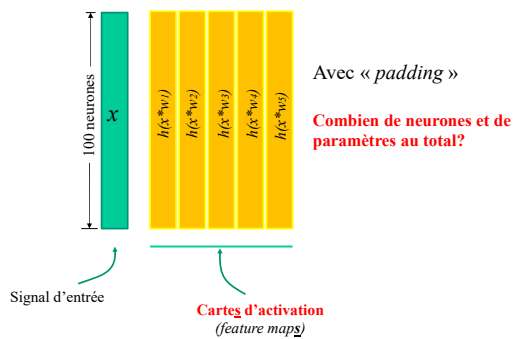
(ex. 5 filtres donnant 5 cartes d'activation)



52

Taille de filtre = 5

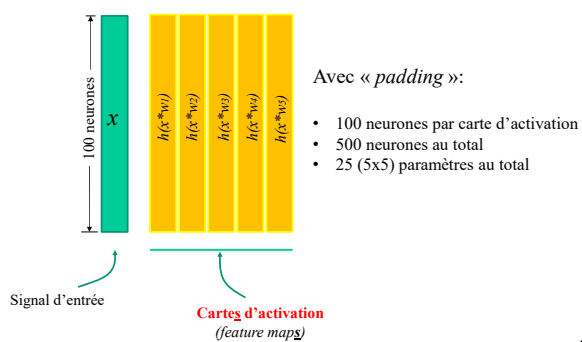
(ex. 5 filtres donnant 5 cartes d'activation)



53

Taille de filtre = 5

(ex. 5 filtres donnant 5 cartes d'activation)



54

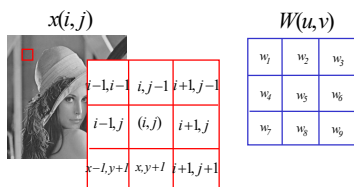
Convolution et couche convolutionnelle **2D**

55

Filtage 2D

(sans flip de filtre)

$$(x * W)(i, j) = \sum_u \sum_v f(i + u, j + v) W(u, v)$$

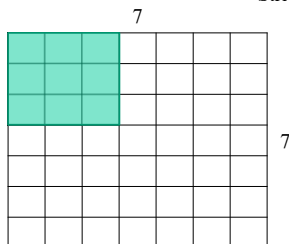


$$(x * W)(i, j) = w_1 x(i-1, j-1) + w_2 x(i, j-1) + w_3 x(i+1, j-1) + w_4 x(i-1, j) + w_5 x(i, j) + w_6 x(i+1, j) + w_7 x(i-1, j+1) + w_8 x(i, j+1) + w_9 x(i+1, j+1)$$

56

Convolution 2D

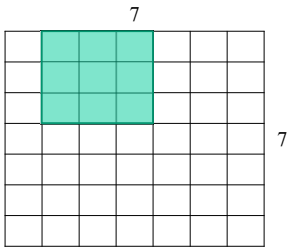
Filtre = 3x3
Stride = 1



57

Convolution 2D

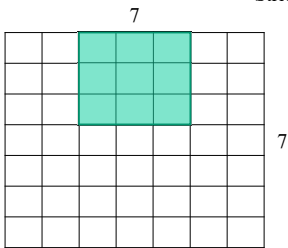
Filtre = 3x3
Stride = 1



58

Convolution 2D

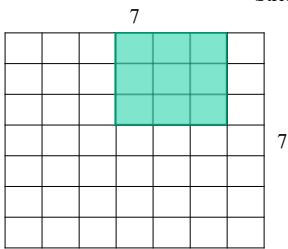
Filtre = 3x3
Stride = 1



59

Convolution 2D

Filtre = 3x3
Stride = 1



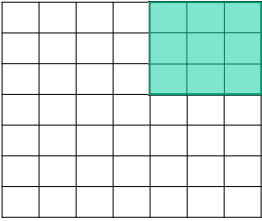
60

Convolution 2D

Filtre = 3x3

Stride = 1

7



7

Taille de la carte d'activation (pour stride 1) = **5x5**

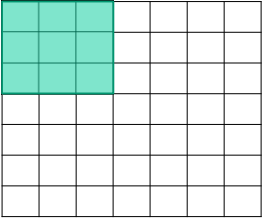
61

Convolution 2D

Filtre = 3x3

Stride = 2

7



7

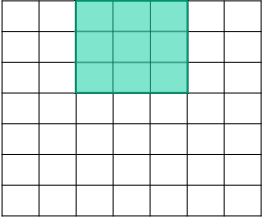
62

Convolution 2D

Filtre = 3x3

Stride = 2

7



7

63

Convolution 2D

Filtre = 3x3

Stride = 2

7

7

Taille de la carte d'activation (pour stride 2) = **3x3**

64

Convolution 2D

Filtre = 3x3

Stride = 3

7

7

65

Convolution 2D

Filtre = 3x3

Stride = 3

7

7

66

Convolution 2D

Filtre = 3x3
Stride = 2

Combinaison D-F-S invalide!

67

Convolution 2D

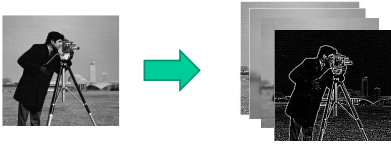
Taille de la carte d'activation :
 $(D1-F1)/S+1 \times (D2-F2)/S+1$

68

Différents filtres = différentes cartes d'activation

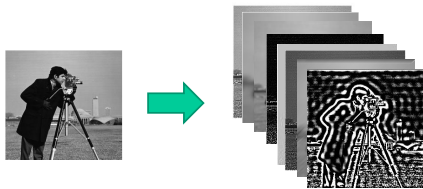
69

4 filtres = Couche convolutive avec **4 cartes d'activation**



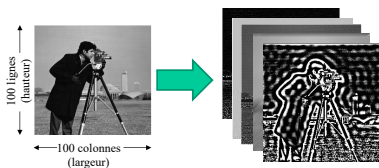
70

K filtres = Couche convolutive avec **K cartes d'activation**



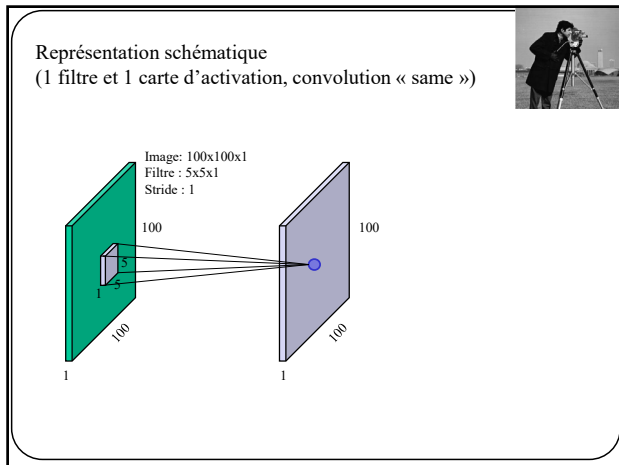
71

Ex.: taille de filtre : 5x5, 5 cartes d'activation, convolution « same »

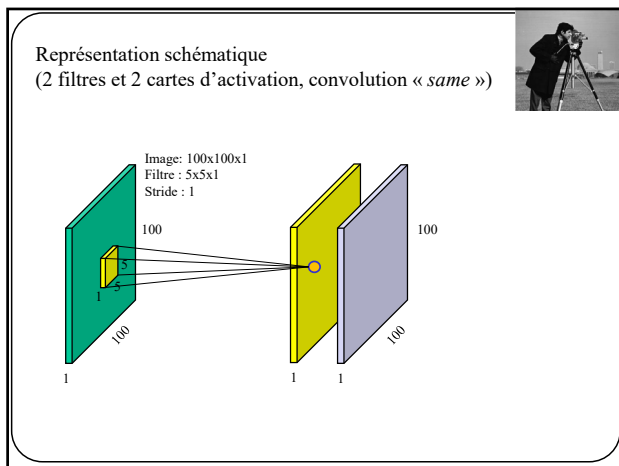


- 10,000 neurones par carte d'activation
- 50,000 neurones au total
- $5 \times 5 \times 5 = 125$ paramètres au total

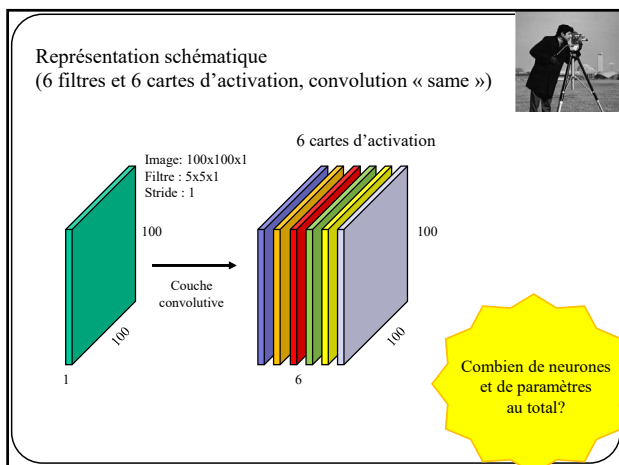
72



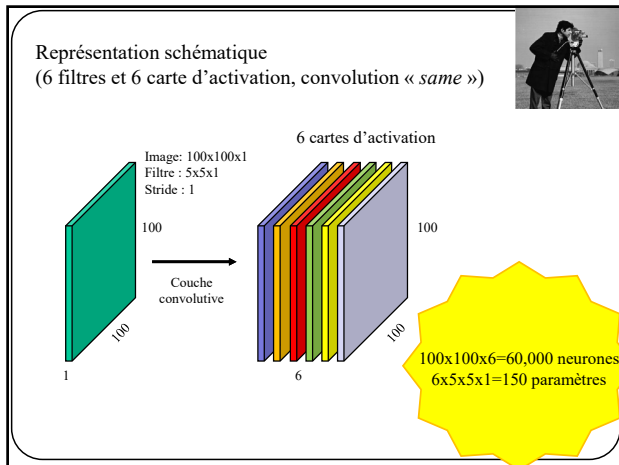
73



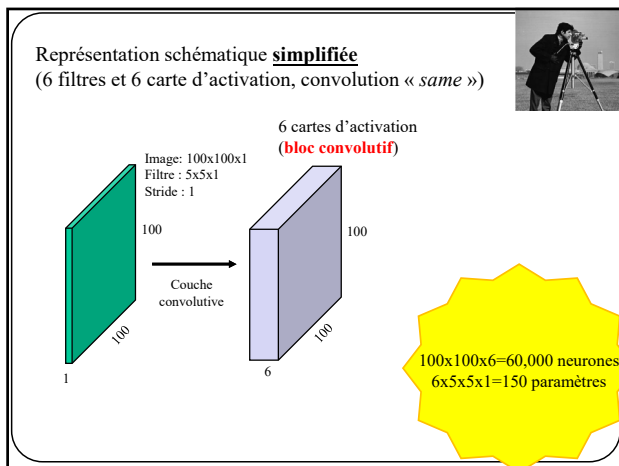
74



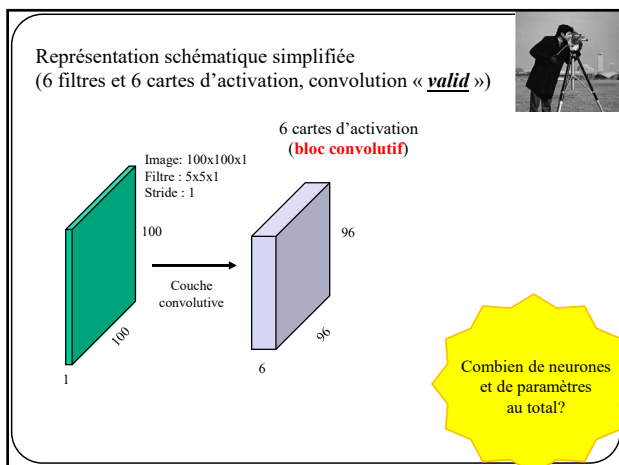
75



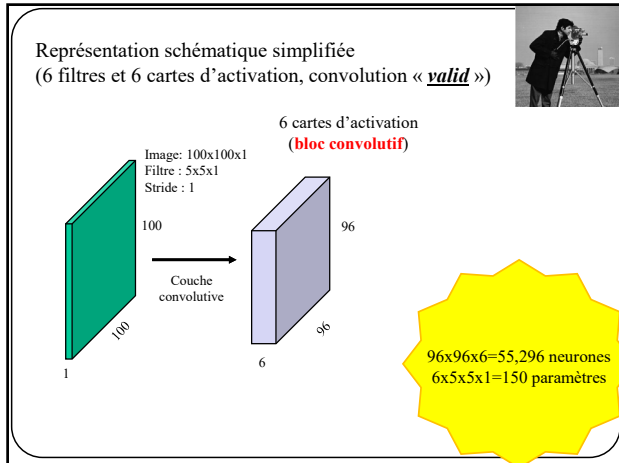
76



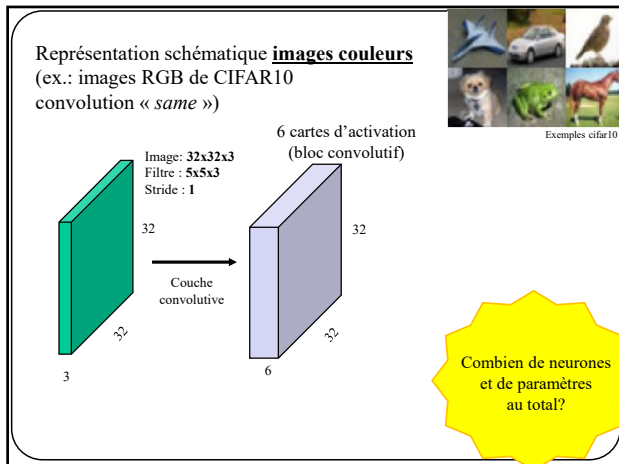
77



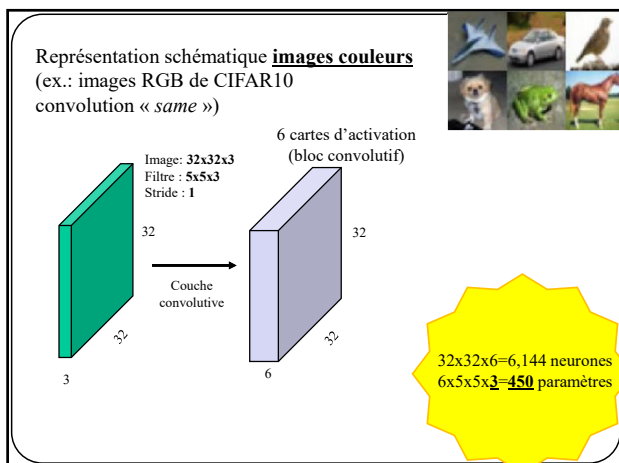
78



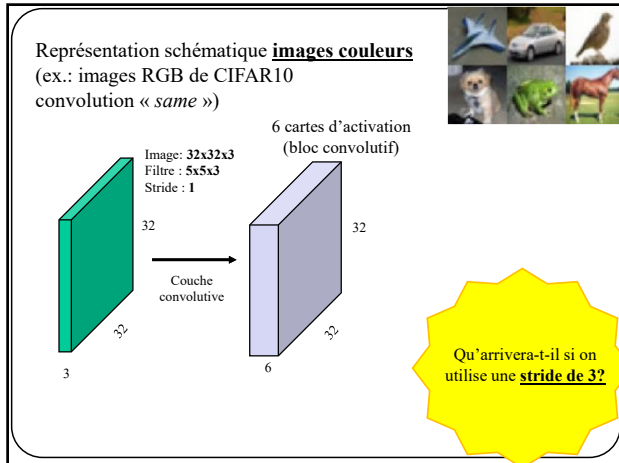
79



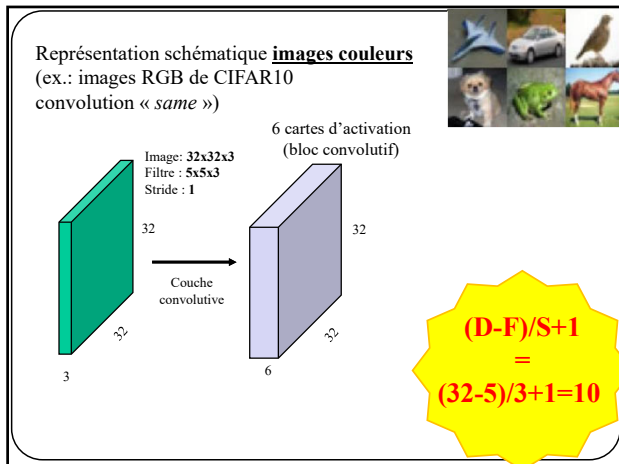
80



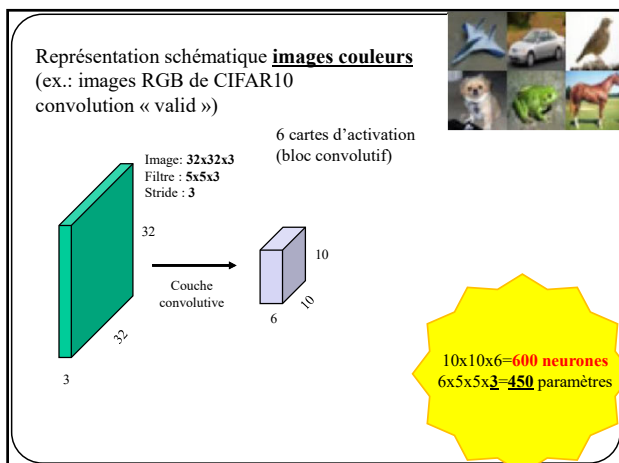
81



82



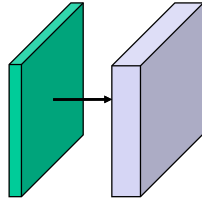
83



84

Exemple

Volume en entrée : $32 \times 32 \times 3$
10 filtres 5×5 avec **stride = 1**
et convolution « *same* »

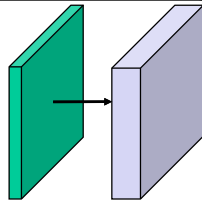


Combien de paramètres dans cette couche?

85

Exemple

Volume en entrée : $32 \times 32 \times 3$
10 filtres 5×5 avec **stride = 1**
et convolution « *same* »



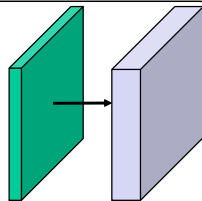
Combien de paramètres dans cette couche?

Chaque filtre a $5 \times 5 \times 3 = 75$ paramètres
Comme il y a **10 filtres** : **750** paramètres

86

Exemple

Volume en entrée : $32 \times 32 \times 3$
10 filtres 5×5 avec **stride = 1**
et convolution « *same* »



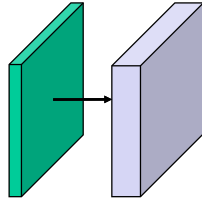
Combien de paramètres dans cette couche?

Chaque filtre a $5 \times 5 \times 3 + 1 = 76$ paramètres (+1 pour le biais)
Comme il y a **10 filtres** : **760** paramètres

87

Exemple

Volume en entrée : $32 \times 32 \times 3$
10 filtres 5×5 avec **stride = 1**
et convolution « *valid* »

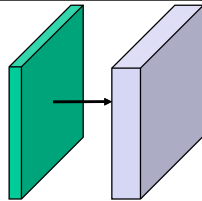


Combien de paramètres dans cette couche?

88

Exemple

Volume en entrée : $32 \times 32 \times 3$
10 filtres 5×5 avec **stride = 1**
et convolution « *valid* »



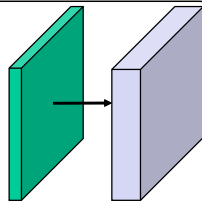
Combien de paramètres dans cette couche?

Même chose, cela ne change pas la conformité des filtres

89

Exemple

Volume en entrée : $32 \times 32 \times 3$
10 filtres 5×5 avec **stride = 1**
et convolution « *valid* »

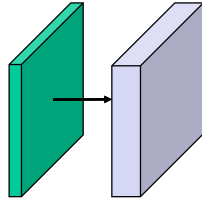


Combien de **neurones** dans les cartes d'activations?

90

Exemple

Volume en entrée : $32 \times 32 \times 3$
10 filtres 5×5 avec **stride** = 1
 et convolution « *valid* »

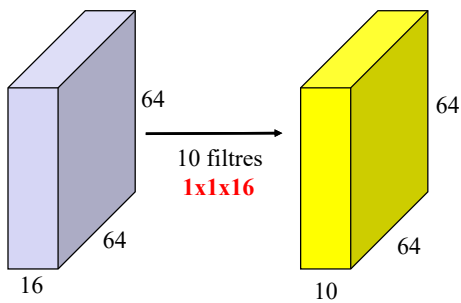


Combien de **neurones** dans les cartes d'activations?

$$(32-5+1) \times (32-5+1) \times 10 = 7,840$$

91

Des filtres 1×1 ? Oui ça marche



92

Exemple simple d'un filtre 1×1



$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}$$

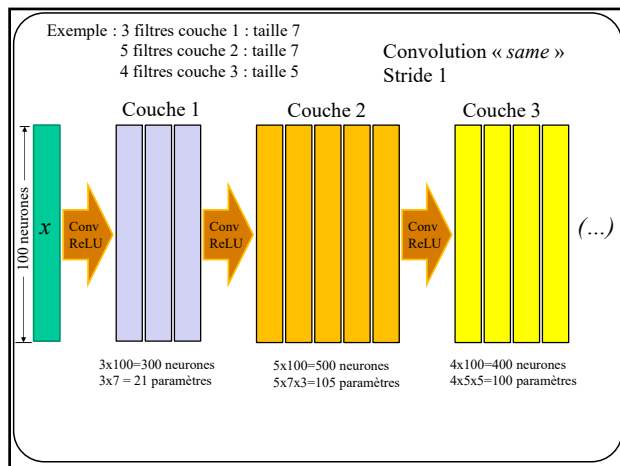


Filtre moyennant les canaux **rouge**, **vert**, **bleu** d'une image couleur.
 Résultat, une image en niveau de gris.

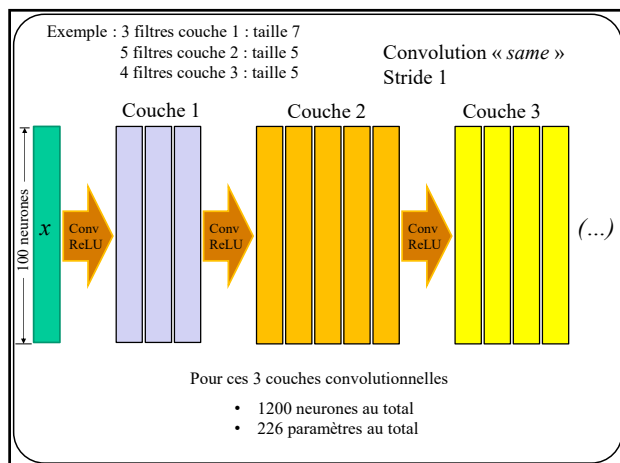
93

Tout comme un Perceptron multi-couches, un réseau à convolution contient **plusieurs couches consécutives**

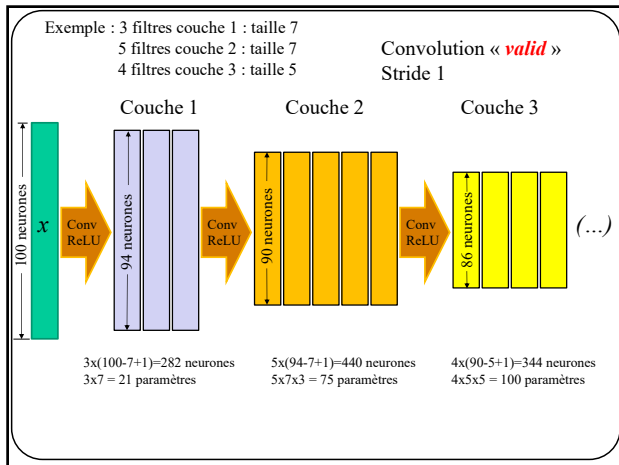
94



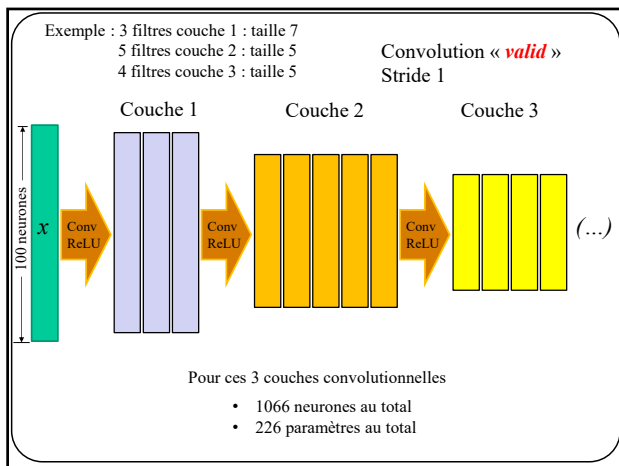
95



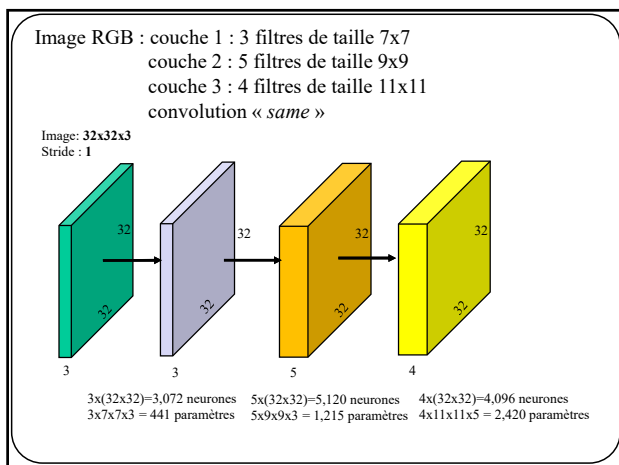
96



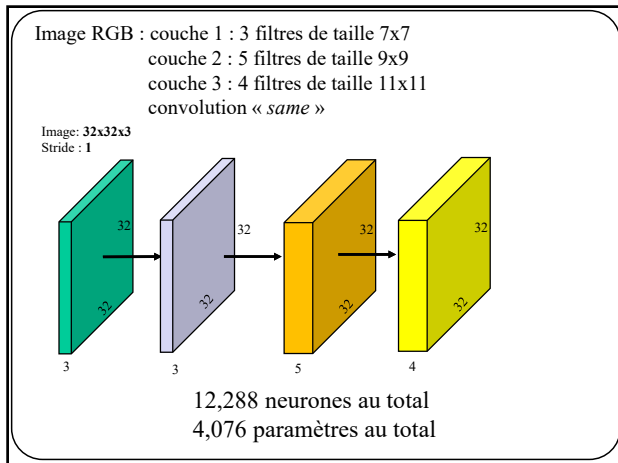
97



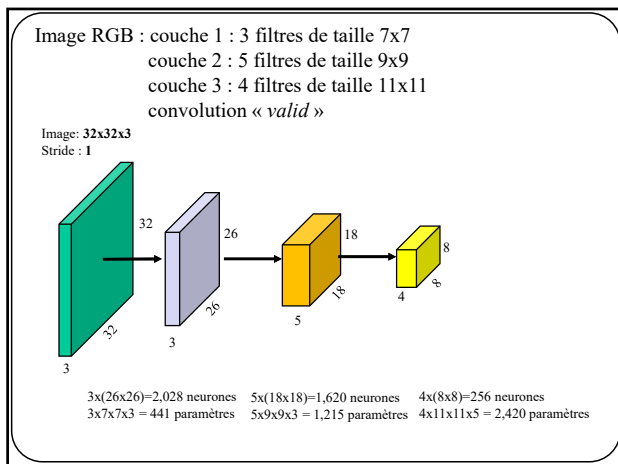
98



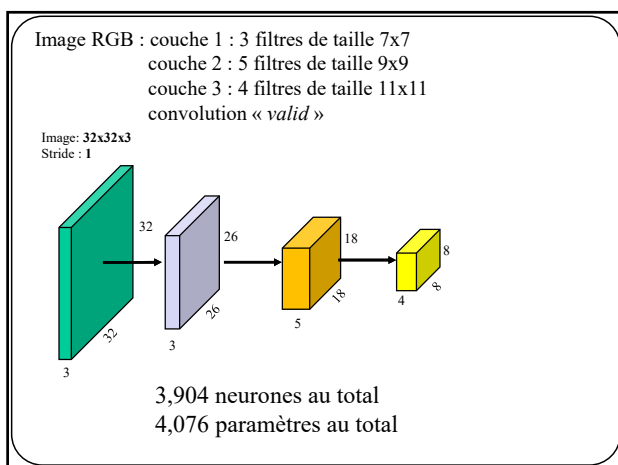
99



100



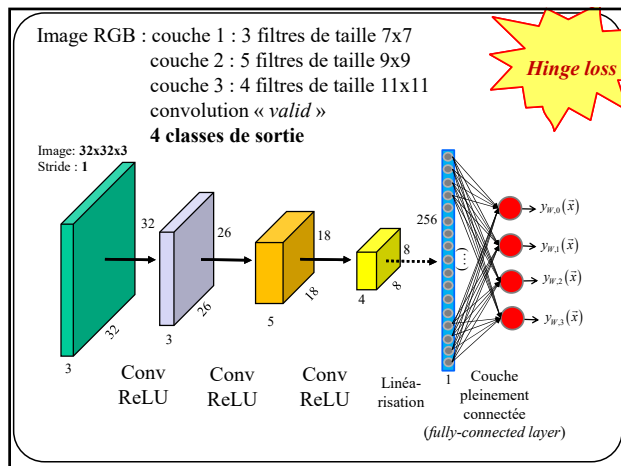
101



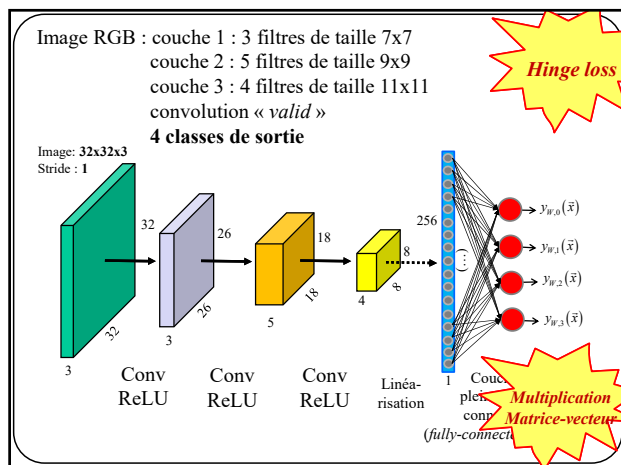
102

Tout comme un perceptron multi-couches, un réseau à convolution se termine par une **couche de sortie** avec **1 neurone par variable prédite**

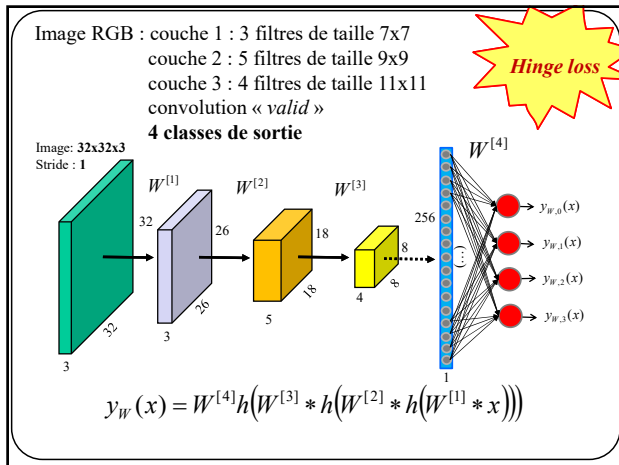
103



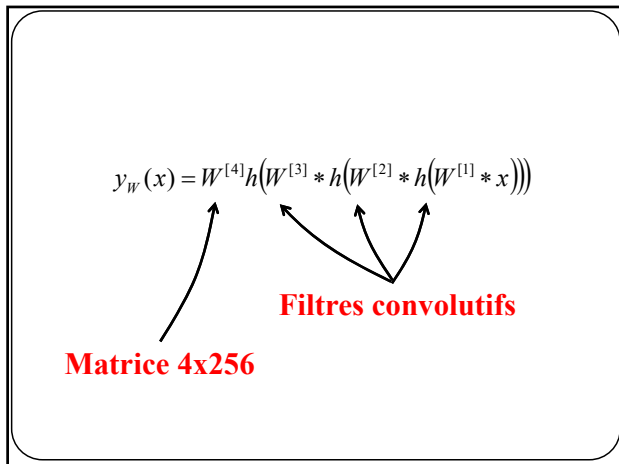
104



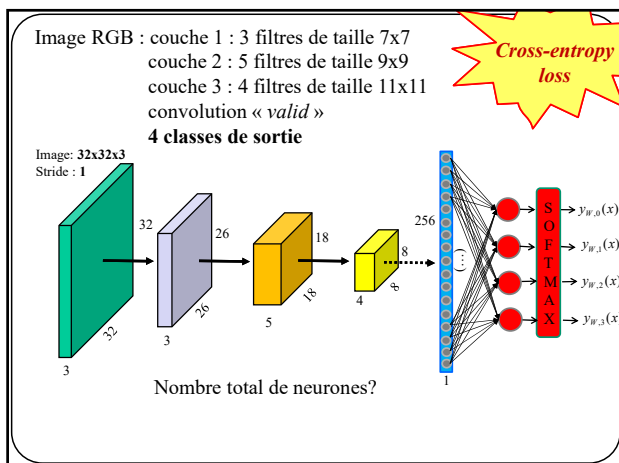
105



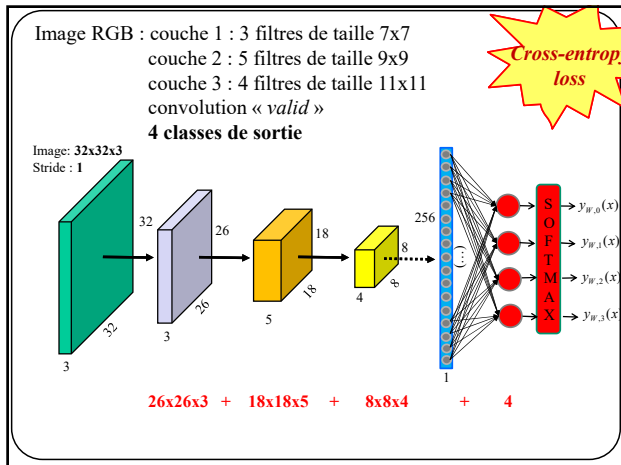
106



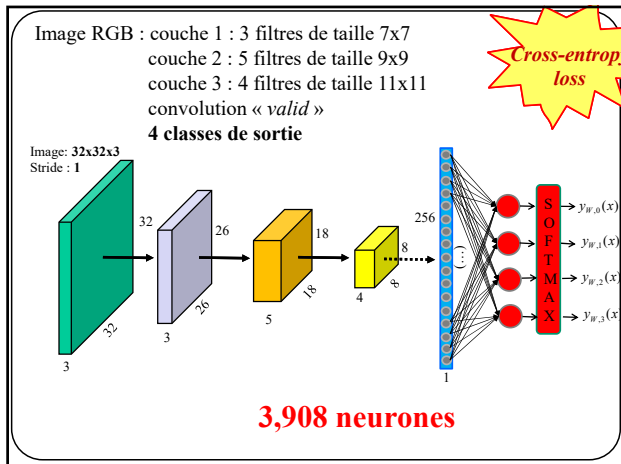
107



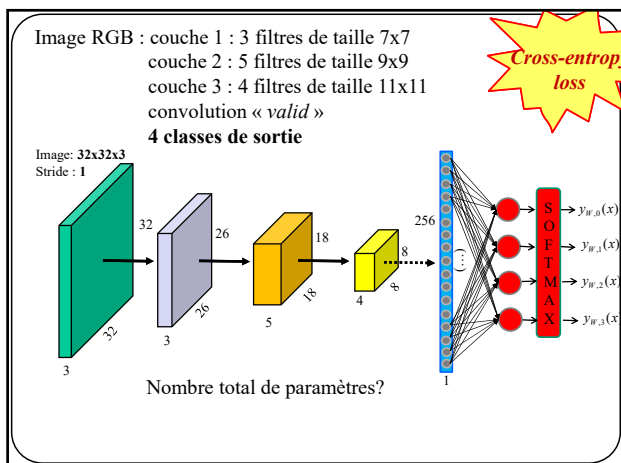
108



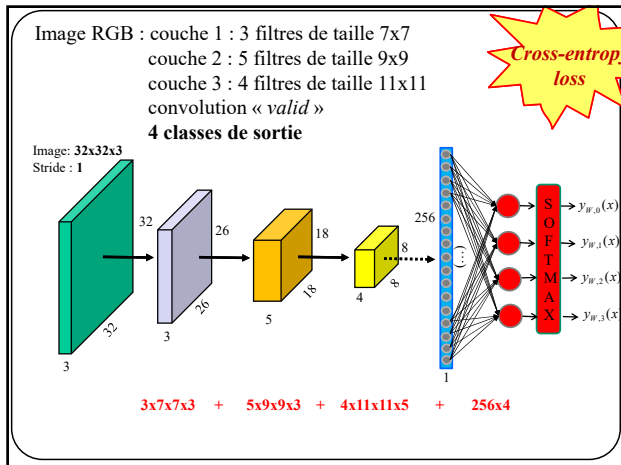
109



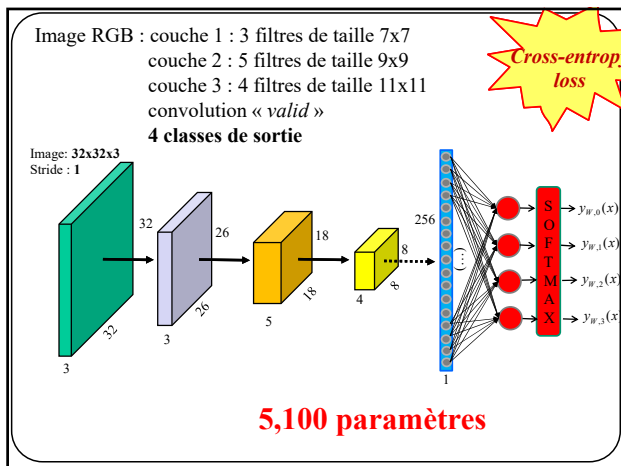
110



111



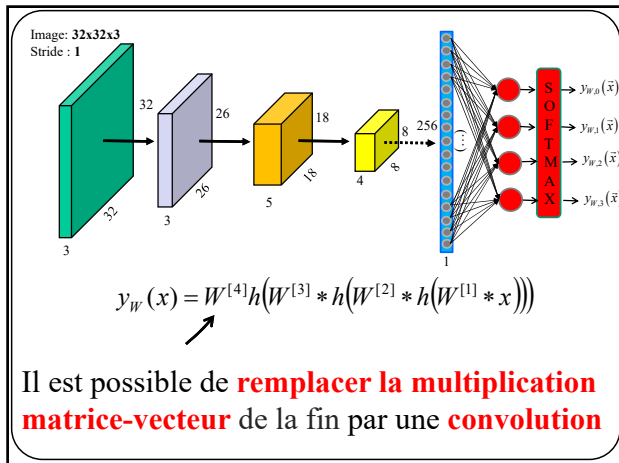
112



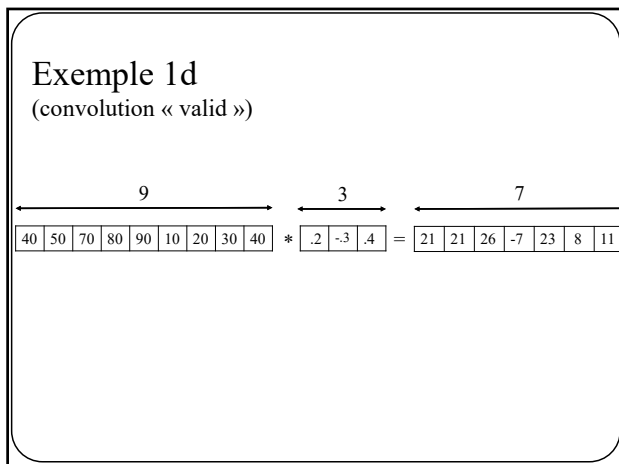
113

Réseaux à convolution
vs
Réseaux **pleinement** convolutifs

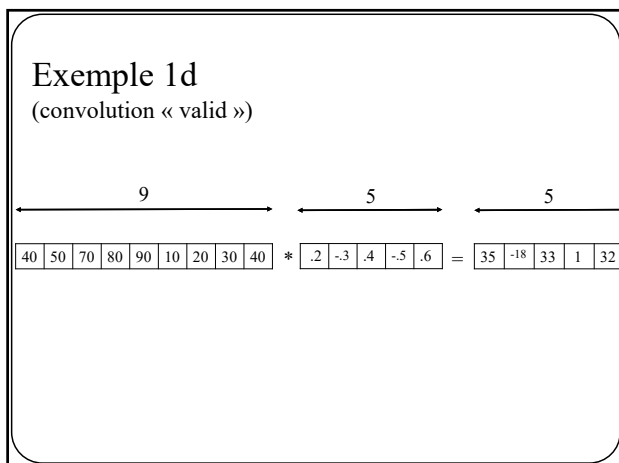
114



115



116



117

Exemple 1d

(convolution « valid »)

$\xrightarrow{9}$

40	50	70	80	90	10	20	30	40
----	----	----	----	----	----	----	----	----

\times
 $\xrightarrow{7}$

.2	-.3	.4	-.5	.6	-.7	.8
----	-----	----	-----	----	-----	----

$=$
 $\xrightarrow{3}$

44	-8	44
----	----	----

118

Taille filtre = nb de neurones couche précédente

$\xrightarrow{9}$

40	50	70	80	90	10	20	30	40
----	----	----	----	----	----	----	----	----

\times
 $\xrightarrow{9}$

.2	-.3	.4	-.5	.6	-.7	.8	.9	-1
----	-----	----	-----	----	-----	----	----	----

$=$
 $\xrightarrow{1}$

31

119

Signal d'entrée de **taille 9** convolué avec un filtre « same » de **taille 9** correspond à une **couche pleinement connectée**

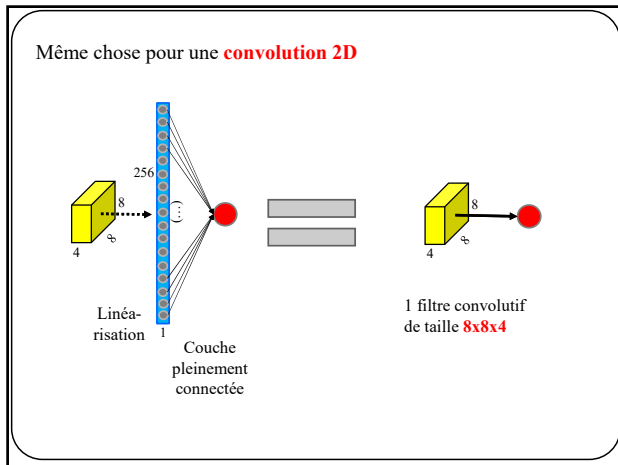
Convolution

40	50	70	80	90	10	20	30	40
x	x	x	x	x	x	x	x	x
.2	-.3	.4	-.5	.6	-.7	.8	.9	-1

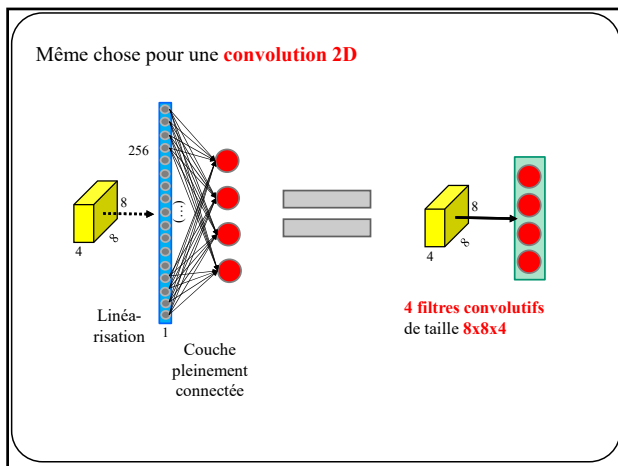
31

$\vec{w}^T \vec{x}$

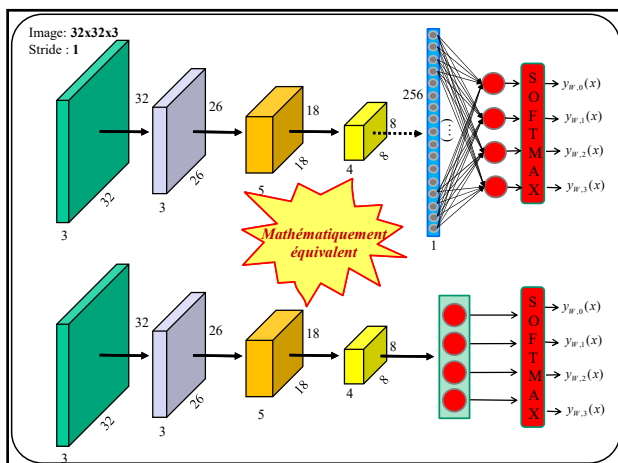
120



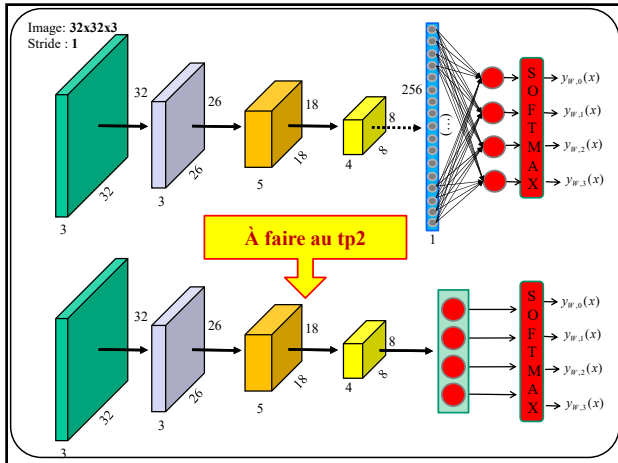
121



122



123



124

Configurations équivalentes

couche 1 : 3 filtres de taille 7x7	couche 1 : 3 filtres de taille 7x7
couche 2 : 5 filtres de taille 9x9	couche 2 : 5 filtres de taille 9x9
couche 3 : 4 filtres de taille 11x11	couche 3 : 4 filtres de taille 11x11
couche 4 : pleinement connectée 256x4	couche 4 : 4 filtres de taille 8x8
Softmax	Softmax

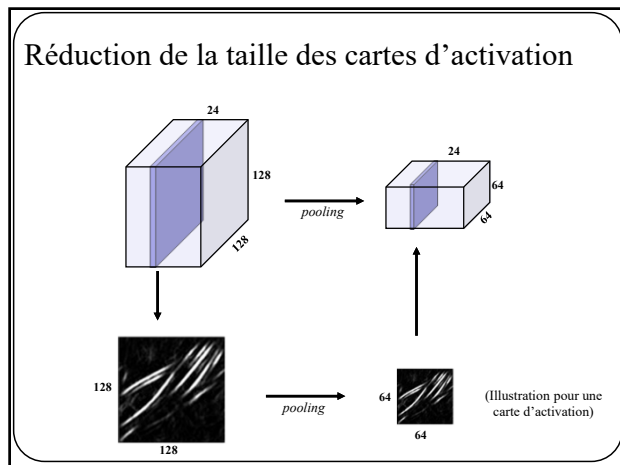
En fait, presque équivalent ...

Question : qu'arrive-t-il si on remplace l'image 32x32x3 par une image 64x64x3?

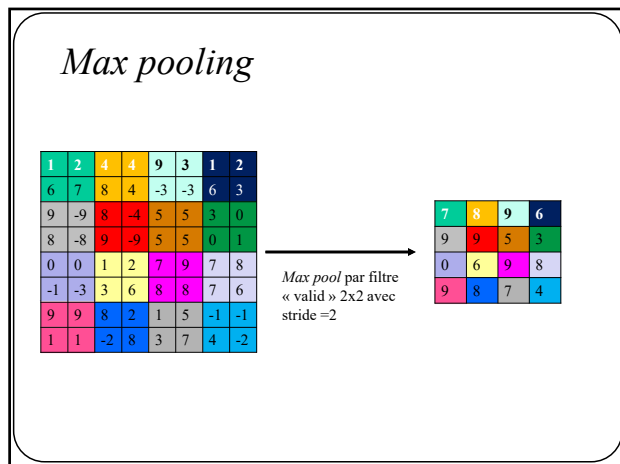
125

Pooling

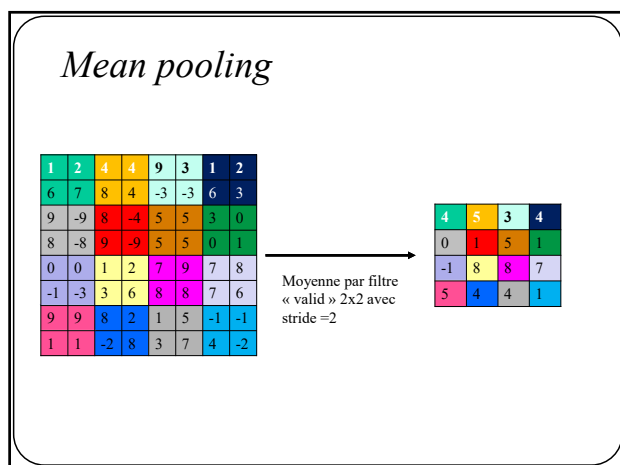
126



127



128



129

Max pooling

1	2	4	4	9	3	1	2
6	7	8	4	-3	-3	6	3
9	-9	8	-4	5	5	3	0
8	-8	9	-9	5	5	0	1
0	0	1	2	7	9	7	8
-1	-3	3	6	8	8	7	6
9	9	8	2	1	5	-1	-1
1	1	-2	8	3	7	4	-2

Max pooling 2x2
avec **stride=1**



130

Max pooling

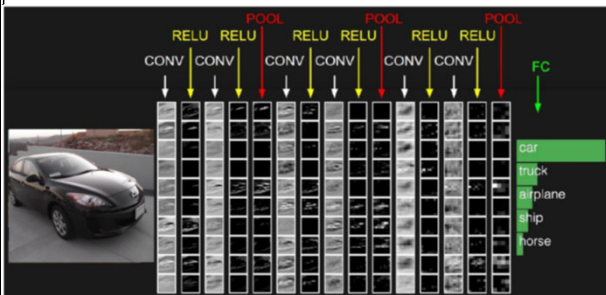
1	2	4	4	9	3	1	2
6	7	8	4	-3	-3	6	3
9	-9	8	-4	5	5	3	0
8	-8	9	-9	5	5	0	1
0	0	1	2	7	9	7	8
-1	-3	3	6	8	8	7	6
9	9	8	2	1	5	-1	-1
1	1	-2	8	3	7	4	-2

Max pooling 3x3
avec **stride=2**



131

Illustration d'un CNN complet



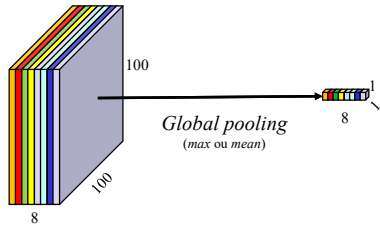
Credit : cs231 Stanford

132

Global pooling

Max ou Mean pooling « valid » avec un filtre de la taille des canaux

Résultat : un **vecteur** de la taille du nombre de canaux



133

Multiplication matricielle parcimonieuse

<https://towardsdatascience.com/a-comprehensive-introduction-to-different-types-of-convolutions-in-deep-learning-669281e58215>

134

Il est **plus rapide** de multiplier des matrices que de les convoluer.

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée et une carte d'activation, filtre 3x3

Entrée					Filtre					
X0	X1	X2	X3		W0	W1	W2		Y1	Y2
X4	X5	X6	X7	*	W3	W4	W5	=	Y3	Y4
X8	X9	X10	X11		W6	W7	W8			
X12	X13	X14	X15							

135

Il est **plus rapide** de multiplier des matrices que de les convoluer.

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée et une carte d'activation, filtre 3x3

Entrée					Filtre					
X0	X1	X2	X3	*	W0	W1	W2	=	Y0	Y1
X4	X5	X6	X7		W3	W4	W5		Y2	Y3
X8	X9	X10	X11		W6	W7	W8			
X12	X13	X14	X15							

On peut **remplacer** une **convolution** par une **multiplication matrice-matrice** ou **matrice-vecteur**
De façons :

- 1- en **linéarisant** l'entrée et en « **matricant** » le filtre
- 2- en **linéarisant** le filtre et en « **matricant** » l'entrée

136

Rappel

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée et une carte d'activation, filtre 3x3

W0	W1	W2	X3
W3	W4	W5	X7
W6	W7	W8	X11
X12	X13	X14	X15

Y0	Y1
Y2	Y3

$$Y0 = W0.X0 + W1.X1 + W2.X2 + W3.X4 + W4.X5 + W5.X6 + W6.X8 + W7.X9 + W8.X10$$

137

Rappel

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée et une carte d'activation, filtre 3x3

X0	W0	W1	W2
X4	W3	W4	W5
X8	W6	W7	W8
X12	X13	X14	X15

Y0	Y1
Y2	Y3

$$Y1 = W0.X1 + W1.X2 + W2.X3 + W3.X5 + W4.X6 + W5.X7 + W6.X9 + W7.X10 + W8.X11$$

138

Rappel

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée et une carte d'activation, filtre 3x3

X0	X1	X2	X3
W0	W1	W2	X7
W3	W4	W5	X11
W6	W7	W8	X15

Y0	Y1
Y2	Y3

$$Y2 = W0.X4 + W1.X5 + W2.X6 + W3.X8 + W4.X9 + W5.X10 + W6.X12 + W7.X13 + W8.X14$$

139

Rappel

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée et une carte d'activation, filtre 3x3

X0	X1	X2	X3
X4	W0	W1	W2
X8	W3	W4	W5
X12	W6	W7	W8

Y0	Y1
Y2	Y3

$$Y3 = W0.X5 + W1.X6 + W2.X7 + W3.X9 + W4.X10 + W5.X11 + W6.X13 + W7.X14 + W8.X15$$

140

Linéarisation de l'entrée et « matriçage » du filtre

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée et une carte d'activation, filtre 3x3

W0	W1	W2	0	W3	W4	W5	0	W6	W7	W8	0	0	0	0	0
0	W0	W1	W2	0	W3	W4	W5	0	W6	W7	W8	0	0	0	0
0	0	0	0	W0	W1	W2	0	W3	W4	W5	0	W6	W7	W8	0
0	0	0	0	0	W0	W1	W2	0	W3	W4	W5	0	W6	W7	W8

X0
X1
X2
X3
X4
X5
X6
X7
X8
X9
X10
X11
X12
X13
X14
X15

x

Y0
Y1
Y2
Y3

141

Linéarisation de l'entrée et « matriage » du filtre

Ex.: convolution « *valid* », un canal d'entrée et une carte d'activation, **filtre 2x2**

Entrée

X0	X1	X2	X3
X4	X5	X6	X7
X8	X9	X10	X11
X12	X13	X14	X15

Filtre

W0	W1
W2	W3

*

=

Y0	Y1	Y2
Y3	Y4	Y5
Y6	Y7	Y8

142

Linéarisation de l'entrée et « matricage » du filtre

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée et une carte d'activation, **filtre 2x2**

X0
X1
X2
X3
X4
X5
X6
X7
X8
X9
X10
X11
X12
X13
X14
X15

Y0
Y1
Y2
Y3
Y4
Y5
Y6
Y7
Y8

=

x

W0	W1	0	0	W2	W3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	W0	W1	0	0	W2	W3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	W0	W1	0	0	W2	W3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	W0	W1	0	0	W2	W3	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	W0	W1	0	0	W2	W3	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	W0	W1	0	0	W2	W3	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	W0	W1	0	0	W2	W3	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	W0	W1	0	0	W2	W3

143

Linéarisation de l'entrée et « matriage » du filtre

Ex.: convolution « *valid* », un canal d'entrée et **deux cartes d'activation**, filtre 2x2

Entrée

X0	X1	X2	X3
X4	X5	X6	X7
X8	X9	X10	X11
X12	X13	X14	X15

*

Filtre

W0	W1
W2	W3

=

Y0	Y1	Y2
Y3	Y4	Y5
Y6	Y7	Y8

Y9	Y10	Y11
Y12	Y13	Y14
Y15	Y16	Y17

144

[illegible]

Ex.: convolution « *valid* », un canal d'entrée et **deux cartes d'activation**, filtre 2x2

Linéarisation de l'entrée et « matriçage » du filtre

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée, une carte d'activation, filtre 2x2
mini-batch de 2 entrées.

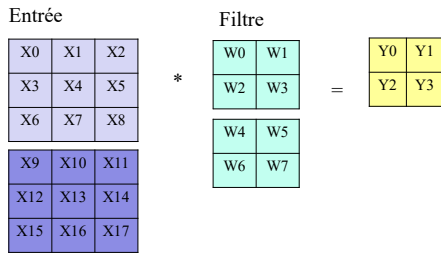
Filtre

Ex.: convolution « valid », un canal d'entrée, une carte d'activation, filtre 2x2 **mini-batch de 2 entrées**.

49

Linéarisation de l'entrée et « matriçage » du filtre

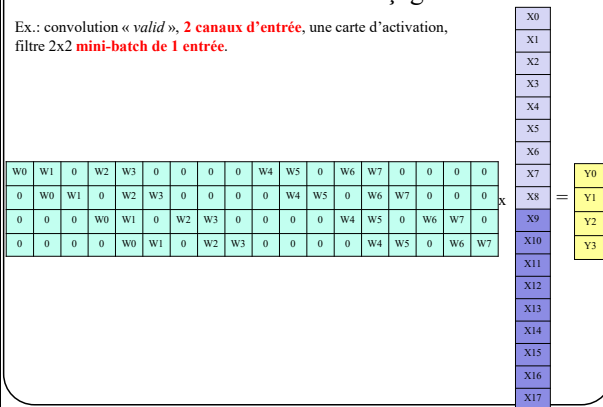
Ex.: convolution « valid », **2 canaux d'entrée**, une carte d'activation,
filtre 2x2 **mini-batch de 1 entrée**.



148

Linéarisation de l'entrée et « matriçage » du filtre

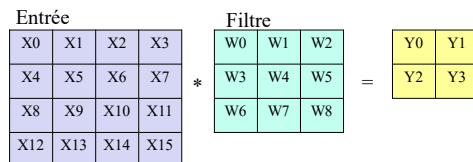
Ex.: convolution « valid », **2 canaux d'entrée**, une carte d'activation,
filtre 2x2 **mini-batch de 1 entrée**.



149

On peut faire la même chose mais en **linéarisant le filtre** et en « matriçant » l'entrée

Ex.: convolution « valid »



150

On peut faire la même chose mais en **linéarisant le filtre** et en « **matriquant** » l'entrée

Ex.: convolution « *valid* »

Entrée

X0	X1	X2	X3
X4	X5	X6	X7
X8	X9	X10	X11
X12	X13	X14	X15

X0
X1
X2
X4
X5
X6
X8
X9
X10

151

On peut faire la même chose mais en **linéarisant le filtre** et en « **matriquant** » l'entrée

Ex.: convolution « *valid* »

Entrée

X0	X1	X2	X3
X4	X5	X6	X7
X8	X9	X10	X11
X12	X13	X14	X15

X0	X1
X1	X2
X2	X3
X4	X5
X5	X6
X6	X7
X8	X9
X9	X10
X10	X11

152

On peut faire la même chose mais en **linéarisant le filtre** et en « **matriquant** » l'entrée

Ex.: convolution « *valid* »

Entrée

X0	X1	X2	X3
X4	X5	X6	X7
X8	X9	X10	X11
X12	X13	X14	X15

X0	X1	X4
X1	X2	X5
X2	X3	X6
X4	X5	X8
X5	X6	X9
X6	X7	X10
X8	X9	X11
X9	X10	X12
X10	X11	X13

153

On peut faire la même chose mais en **linéarisant le filtre** et en « **matricant** » l'entrée

Ex.: convolution « valid »

Entrée

X0	X1	X2	X3
X4	X5	X6	X7
X8	X9	X10	X11
X12	X13	X14	X15

X0	X1	X4	X5
X1	X2	X5	X6
X2	X3	X6	X7
X4	X5	X8	X9
X5	X6	X9	X10
X6	X7	X10	X11
X8	X9	X11	X13
X9	X10	X12	X14
X10	X11	X13	X15

154

On peut faire la même chose mais en **linéarisant le filtre** et en « **matricant** » l'entrée

Ex.: convolution « valid »

W0	W1	W2	W3	W4	W5	W6	W7	W8
----	----	----	----	----	----	----	----	----

 \times

X0	X1	X4	X5
X1	X2	X5	X6
X2	X3	X6	X7
X4	X5	X8	X9
X5	X6	X9	X10
X6	X7	X10	X11
X8	X9	X11	X13
X9	X10	X12	X14
X10	X11	X13	X15

 $=$

Y1	Y2	Y3	Y4
----	----	----	----

155

Ou encore...

Ex.: convolution « valid »

X0	X1	X2	X4	X5	X6	X8	X9	X10
X1	X2	X3	X5	X6	X7	X9	X10	X11
X4	X5	X6	X8	X9	X10	X11	X12	X13
X5	X6	X7	X9	X10	X11	X13	X14	X15

 \times

W0
W1
W2
W3
W4
W5
W6
W7
W8

 $=$

Y0
Y1
Y2
Y3

156

On peut faire la même chose mais en **linéarisant le filtre** et en « **matriquant** » l'entrée

Exercice à la maison, voir comment cette 2^e approche s'applique au cas à

- Plusieurs canaux en entrée
- Plusieurs cartes d'activation
- Plusieurs entrées (mini-batch)

Sinon, voir **im2col** du **travail pratique 2**.

157

Comment calculer la
rétropropagation dans un CNN?

À faire au TP2

158
